文章编号: 1000-7598 (2009) 05-1307-06

盾构隧道壁后注浆扩散模式及对管片的压力分析

叶飞^{1,2},朱合华³,何川²

(1.长安大学 桥梁与隧道陕西省重点实验室,西安 710064; 2.西南交通大学 地下工程系,成都 610031;3.同济大学 岩土及地下工程教育部重点实验室,上海 200092)

摘 要:在假定注浆浆液为牛顿流体,并在盾尾间隙影响厚度范围内均匀柱面扩散的前提下,通过引入等效孔隙率替代土体本身的孔隙率来考虑建筑间隙的影响,对盾尾注浆和管片注浆 2 种情况下的浆液渗透范围及因注浆而对管片造成的压力进行了理论推导,得到了浆液扩散半径及对管片产生的压力计算式。结果表明,盾构隧道壁后注浆浆液的扩散半径及对管片产生的压力与注浆压力、注浆时间、土体特性及浆液性质等众多因素有关,盾尾注浆对管片产生的注浆压力小于管片注浆对管片产生的压力。在假定其他参数已知的条件下,通过一具体实例,讨论了盾尾注浆时浆液扩散半径及注浆对管片产生的压力与注浆压力及注浆时间的关系。结果显示,虽然增大注浆压力、延长注浆时间均能增大浆液的扩散半径及对管片产生的压力,但增长速度不尽相同。

关 键 词: 盾构; 隧道; 盾尾注浆; 管片; 管片注浆; 注浆压力 **中图分类号:** U 451 **文献标识码:** A

Back-filled grouts diffusion model and its pressure to segments of shield tunnel

YE Fei^{1, 2}, ZHU He-hua³, HE Chuan²

(1. Shaanxi Provincial Major Laboratory for Highway Bridge & Tunnel, Chang'an University, Xi'an 710064, China;

2. Department of Underground Engineering, Southwest Jiaotong University, Chengdu 610031, China;

3. Key Lab. of Geotechnical and Underground Engineering of Ministry of Education, Tongji University, Shanghai 200092, China)

Abstract: Assuming that the back-filled grouts are Newtonian fluids, and the grouts diffuse with cylinder surface, the grouts diffusion radius and the pressure to shield tunnel segments in case of grouting at the tail as well as through segments, are studied by substituting the intrinsic void percent with the equivalent void percent of the soil to consider the influence of construction gap. As a result, the formula used to calculate the radius and the pressure are acquired. It is shown that the grouts diffusion radius and the pressure to segments are related to many factors, such as the grouting pressure, grouting time, characteristic of the surrounding soil and the grouts, etc. It is also shown that the pressure to the segments produced by grouting at the tail is less than grouting through segments. With other parameters known, the relationship between the grouts diffusion radius, pressure to segments, and the grouting pressure, grouting time is discussed by an engineering example, which shows that both the diffusion radius and the pressure to segments increase with the increase of the grouting pressure and grouting time, but their speeds are different.

Key words: shield; tunnel; grouting at the tail; tunnel segments; grouting through segments; grouting pressure

1 引 言

依据盾构工法的特性,拼装好的衬砌脱离盾尾 后,由于盾壳原来占据的空间、为衬砌的拼装操作 所留空隙、盾构推进时带走的部分黏附于盾壳上的 土体所形成的空隙等,在衬砌环背面与实际开挖洞 壁间存在环形空隙,使土体暂时处于无支护状态, 该空隙即为盾尾间隙。盾尾间隙的大小是由盾构钢 壳的厚度和盾尾操作空间决定的,一般在 8~16 cm 左右。该间隙若不能及时有效填充,隧道周围土体 应力将会逐渐释放,或者造成地下水、泥浆等液体 在该间隙环中集聚。依据周围土体本身地质条件的 不同,会产生严重后果,如上覆土的下沉、隧道的 局部或整体上浮。所以,盾构工法施工中,对盾尾

收稿日期: 2007-09-03

基金项目:国家自然科学基金项目(No. 50808020);中国博士后科学基金项目(No. 20080440183);长安大学科学发展基金项目(No. 2008Q09)联合资助。 第一作者简介:叶飞,男,1977年生,博士后,主要从事隧道工程相关理论与技术研究工作。E-mail:xianyefei@sohu.com

间隙的处理,即壁后注浆是施工的关键。

壁后注浆在填充建筑间隙、加固土体的同时, 对管片也产生了一定压力,该压力达到一定程度时, 可能引起管片局部或整体上浮、错台、开裂、压碎 或其他形式的破坏。

针对盾构隧道盾尾间隙和壁后注浆的研究方 法主要有:理论分析、现场实测、模型试验及数值 计算等。Yukinori^[1]等进行了大量盾构隧道壁后注浆 的物理模型试验,其研究表明:土的密实度和注浆 压力能够显著影响土压力的分布和大小; Ezzeldine^[2] 用有限元程序 PISA 模拟了盾构推进、拼装衬砌及 壁后注浆对地基变形的影响;国际隧道协会工作报 告^[3]中推荐的在管片结构计算时考虑的注浆压力分 布模式为三角形分布;张云^[4]在分析盾构法隧道引 起地表变形原因的基础上,将盾尾间隙的大小、注 浆充填程度、隧道壁面土体受扰动的程度和范围等 因素,概化为一均质、等厚的等代层,进而分析了 地表变形对等代层参数的敏感性;黄宏伟^[5]等利用 探地雷达方法,对上海某盾构隧道盾尾壁后注浆分 布进行探测,并进行了初步的分析,对隧道壁后浆 液分布情况进行了诊断尝试; Bezuijen^[6]等对一个 9.5 m 直径的盾构隧道的两环进行了现场壁后注浆 的测试研究,其结果表明:注浆过程中,注浆压力 起主导作用,当开挖停止时,注浆浆液的浮力开始 产生影响;邓宗伟^[7]等运用 FLAC^{3D}2.0,结合盾构 隧道壁后注浆的受力特点进行二次开发,对盾构隧 道壁后注浆的作用机制进行了研究,探讨了壁后注 浆对支护结构和围岩的受力、变形影响的规律;梁 精华^[8]针对南水北调中线穿黄隧道盾构法施工中的 细砂地层,进行了注浆材料的优化配比试验,并研 制了浆体收缩试验装置和大型浆体压力消散试验模 型,对注浆后浆体在压力作用下的变形特性进行了 试验研究。

本文在借鉴已有研究的基础上,采用理论分析 的方法,基于柱形扩散理论,在假定壁后注浆呈圆 柱形扩散方式的基础上,通过引入等效孔隙率替代 土体本身的孔隙率,即将管片脱离盾尾后形成的建 筑间隙折算为土体本身的孔隙率,来考虑建筑间隙 的影响,对盾构隧道壁后注浆的渗透范围及因注浆 而对管片造成的注浆压力进行了理论推导,得到浆 液扩散范围及对管片压力的计算式,并通过实例分 析,讨论了浆液扩散半径及对管片产生的压力与注 浆压力、注浆时间等因素的关系。

2 壁后注浆工艺概述

依据注浆部位, 盾构隧道壁后注浆有两种类型, 即盾尾注浆(通过安装在盾构机盾壳上的注浆 管注浆, 见图 1)和管片注浆(通过管片上的注浆 孔注浆, 见图 2), 两种注浆方式的优缺点比较如表 1 所示。



图 1 盾尾注浆示意图 Fig.1 Grouting at the shield tail



图 2 通过管片注浆孔注浆示意图 Fig.2 Grouting through the segments

表1 盾尾注浆及管片注浆的优缺点比较表

 Table 1 Advantage and disadvantage of grouting at the tail and through the segments

注浆方式	优点	缺点
盾尾注浆	能够及时、均匀注浆;降低了渗 漏水的可能性;自动化程度高, 施工控制相对容易;浆液在盾尾 间隙的分布相对均匀。	在盾尾布置注浆管 会增加盾构直径或 钢板厚度;堵管时难 以清洗;一般只适于 单液注浆,若选双液 浆,需配置专门清洗 装置。
管片注浆	操作灵活,容易清理:既可选单 液浆,也可选双液浆;可对局部 地段进行二次补浆(如出洞及联 络通道位置),适合特殊情况的处 理(隧道偏移,地表建筑物变形控 制等);不增加盾构机直径和钢板 厚度。	易造成注浆不均匀; 注浆孔是潜在的渗 漏点;管片表面易受 浆液污染;易有时 差,很难做到真正的 同步注浆。

3 浆液扩散模式及计算分析

浆液的扩散方式通常有充填注浆、渗透注浆、 压密注浆及劈裂注浆等。浆液扩散是一复杂过程, 与周围土质、施工工艺、浆液性质、注浆压力、地 下水等多种因素有关,各种扩散方式并无明显界线, 而且相互包容、相互参杂、相互转化。如在充填注 浆过程中存在渗透现象,在渗透注浆过程中存在劈 裂现象,在劈裂注浆过程中存在渗透流动,在压密 注浆过程中存在劈裂或渗透流动等。 本文将盾构隧道壁后注浆的浆液扩散方式考 虑为渗透注浆,并将浆液考虑为较为简单的牛顿流 体,基于柱形扩散理论进行分析。

3.1 基本假设

(1) 浆液为牛顿流体

假设注浆浆液的流变曲线是通过原点的直线, 其方程表达式为

$$\tau = \mu \gamma \tag{1}$$

式中: τ为剪切应力(Pa); μ为动力黏度或黏度系数(Pa·s); γ为剪切速率(s⁻¹)。大部分单相的均匀体系属牛顿流体,水、大多数化学浆液以及较稀的水泥浆液属牛顿流体^[9]。

(2) 在一定厚度内浆液沿柱面均匀扩散

依据盾构工法特性, 盾尾间隙的存在, 注浆的 主要目的为及时充填盾尾间隙。参考文献[10]中的 注浆效果阐述, 假设注浆浆液在盾尾间隙影响厚度 范围内,沿与隧道管片表面平行的方向均匀扩散。 盾尾间隙的厚度影响范围可依据在注浆计算和施工 中,实际注浆量与理论注浆量之比值(即注入率) 乘以盾尾间隙的厚度来确定。

事实上,管片脱离盾尾后,因盾尾间隙造成周 围土体一定范围内应力松弛,从而发生向管片外壁 方向的位移,造成一定范围内的土体孔隙率远大于 原始孔隙率,进而大大提高其渗透系数。基于此, 本文假设浆液只在该厚度范围内渗透扩散。

3.2 理论推导

3.2.1 盾尾注浆

盾尾注浆时,浆液的渗透扩散模型如图 3 所示, 图中 P_{g} 为注浆压力; P_{w} 为注浆点处的地下水压力; r_{0} 为注浆孔半径;r为经过注浆时间 t后浆液的扩 散半径;D为浆液扩散体的厚度,即注浆浆液的影 响厚度,依据基本假设,取 $D = \lambda d$; λ 为注入率; d为盾尾间隙厚度。



$$n' = \frac{\pi r^2 / 2d(\lambda - 1)n + \pi r^2 / 2d}{(\pi r^2 / 2)\lambda d} = n + \frac{1 - n}{\lambda}$$
(2)

式中: n 为土体的原始孔隙率。根据 H. Darcy 定律:

$$Q = K_{g} \frac{dP}{dr} At = \frac{K}{\beta} \frac{dP}{dr} \pi r \lambda dt$$
(3)

式中: K_g 为浆液在扩散厚度范围内土体中的渗透系数, $K_g = K / \beta$; K 为浆液扩散厚度范围内土体的渗透系数; β 为浆液黏度与水的黏度比(20℃时水的 黏度为 1.010×10⁻³Pa·s), 即 $\beta = \mu_g / \mu_w$; A 为浆液 渗透过程中经过的任意半圆柱面面积, $A = \pi r \lambda d$; t 为注浆时间。

根据边界条件,在r₀处,浆液压力为P_g;当浆液扩散半径达到r时,浆液压力为P_w。因而有:

$$P_{\rm g} - P_{\rm w} = \frac{Q\beta \ln \frac{r}{r_0}}{K\pi\lambda dt} \tag{4}$$

因为 $Q = \frac{\pi r^2}{2} \lambda dn'$,为注浆量,并考虑到式(2), 记 $P_g - P_w = \Delta P$,于是,有:

$$\Delta P = \frac{r^2 \left(n + \frac{1 - n}{\lambda}\right) \beta \ln \frac{r}{r_0}}{2Kt} \tag{5}$$

故而,任意半径r处的注浆压力为

$$P_{\rm r} = P_{\rm g} - \frac{r^2 \left(n + \frac{1 - n}{\lambda}\right) \beta \ln \frac{r}{r_0}}{2Kt} \tag{6}$$

则由注浆浆液对管片产生的压力为

$$F_{\rm g} = \int_{0}^{r} \pi r P_{\rm r} dr = \int_{0}^{r} \pi r \left[P_{\rm g} - \frac{r^2 \left(n + \frac{1 - n}{\lambda} \right) \beta \ln \frac{r}{r_0}}{2Kt} \right] dr$$

$$\tag{7}$$

解得

$$F_{\rm g} = \frac{\pi r^2}{2} P_{\rm g} - \frac{\pi \left(n + \frac{1-n}{\lambda}\right) \beta}{8Kt} \left(\ln \frac{r}{r_0} - \frac{1}{4}\right) r^4 \qquad (8)$$

3.2.2 管片注浆

经分析可知,采用盾尾注浆时,因注浆孔就在 盾构壳体上,盾壳消解了部分注浆压力,在一定程 度上阻止了浆液的扩散。采用管片注浆时,注浆孔 与盾尾有一定距离,浆液扩散范围会更大,但此范 围要受到该距离的影响。 浆液的渗透扩散模型如图 4 所示。本模型的隐 含假设条件为:在通过管片注浆孔进行管片注浆时, 该注浆孔距离盾尾有一定距离,从而能进行完整的 圆柱面扩散,实际中会因为注浆孔与盾尾距离较近, 使得扩散的柱面并不一定是完整的圆柱面。



Fig.4 Diffusion model of grouting through the segments

经过类似于 3.2.1 节中的推导,可得到与式(5) 相同的浆液扩散半径与注浆压力间关系的表达式。 但此时的注浆压力对管片产生压力的表达式为

$$F_{\rm g} = \pi r^2 P_{\rm g} - \frac{\pi \left(n + \frac{1-n}{\lambda}\right) \beta}{4Kt} \left(\ln \frac{r}{r_0} - \frac{1}{4}\right) r^4 \qquad (9)$$

比较式(9)与式(8),可见采用管片注浆时, 对管片产生的注浆压力是采用盾尾注浆时的2倍 (实际上,依据盾尾与注浆孔的间距情况,其倍数 应该在1~2倍之间)。

4 实例分析

由浆液扩散半径计算式(5),及对管片产生的 压力计算式(8)、式(9)可以看出:壁后注浆浆液 的扩散半径及对管片产生的压力大小与注浆压力、 注浆时间、浆液黏度、土体孔隙率、土体渗透系数、 建筑间隙厚度、注浆管半径等众多因素有关。渗透 系数为浆液扩散范围 D 内的渗透系数,盾尾间隙的 存在加大了浆液扩散范围的孔隙率,同时大大加大 了该部分土体的渗透系数

现假定注浆管半径 r_0 = 2.5 cm, 原土体孔隙率 n = 20%, 原土体的渗透系数 K_0 = 5×10⁻⁴ cm·s⁻¹, 浆液黏度与水的黏度比 β = 4, 取建筑间隙厚度 d = 10 cm, 注入率 λ = 1.5, 注浆点处的地下水压力为 P_w = 0。

由式(2)可得, n'=73.33%, 参考考虑土体 孔隙比 e 的渗透系数经验公式:

$$K = 2d_{10}^2 e^2 \tag{10}$$

式中: d_{10} 为等效粒径; e为孔隙比, $e=\frac{n}{1-n}$ 。暂取

浆液扩散范围 D 内的渗透系数 K=5×10⁻² cm·s⁻¹, 具体需要根据土体有关性质而定。以下分别讨论在 不同注浆压力和不同注浆时间条件下,浆液的扩散 半径及浆液对管片产生的压力的变化情况。

4.1 不同注浆压力

当注浆时间 *t*=30 min, 注浆压力分别取 0.1~ 0.9 MPa 时, 将各参数代入式(5), 进而将由式(5) 得到的浆液扩散半径代入式(8), 可得盾尾注浆时, 浆液扩散半径、对管片产生的压力及单位面积的压 力等如表 2 所示。

表 2 不同注浆压力条件下浆液的扩散半径及 对管片产生的注浆压力

 Table 2 Grouts diffusion radius and pressure to the segments under different grouting pressures

注浆压力 / MPa	浆液扩散半径 / cm	对管片产生的 注浆压力/ kN	对管片单位面积 造成压力/ MPa
0.1	125.2	130.9	0.053
0.2	170.5	483.4	0.106
0.3	204.5	1 040.3	0.158
0.4	232.7	1 793.9	0.211
0.5	257.3	2 739.1	0.264
0.6	279.4	3 871.9	0.316
0.7	299.6	5 189.5	0.368
0.8	318.3	6 689.4	0.421
0.9	335.7	8 369.5	0.473

依据表 2,可绘出在注浆时间为 30 min 时,浆 液扩散半径、对管片产生的压力及单位面积的压力 等与注浆压力间的关系曲线。分别如图 5~7 所示。

由曲线图可以看出,在相同注浆时间时,浆液 扩散半径及对管片产生的压力均随注浆压力的增大 而增大,且对管片产生的压力的增长速率大于浆液 扩散半径的增长速率;对管片单位面积产生的压力 也随注浆压力的增长而增长,呈现近似的线性关系。

可见,注浆压力的选择是需要慎重的,过大的 注浆压力在增大浆液扩散范围、改善注浆加固效果





图 6 对管片产生的压力与注浆压力关系曲线 Fig.6 Relationship between pressure to segments and grouting pressure



图 7 对单位面积管片产生的压力与注浆压力关系曲线 Fig.7 Relationship between intensity of pressure to segments and grouting pressure

的同时,增大了对管片本身的压力。依此类推,若 注浆孔位于隧道顶部,也增大了对上覆土的压力, 从而可能造成浆液外溢、地表隆起等现象。

4.2 不同注浆时间

仍按上述假定的已知条件,当注浆压力取 0.3 MPa,注浆时间分别取 10~90 min 时,将各参 数代入式 (5),进而将由式 (5)得到的浆液扩散半 径代入式 (8),可得不同注浆时间条件下,采用盾 尾注浆时,浆液扩散半径、对管片产生的压力及单 位面积的压力等如表 3 所示。

Table 3	Grouts diffusion radius and pressure to t
	及对管片产生的注浆压力
表3	不同注浆时间条件下浆液的扩散半径

able 3	Grouts diffusion radius and pressure to the			
segments under different grouting time				

注浆时间 / min	浆液扩散半径 / cm	对管片产生的 注浆压力/ kN	对管片单位面积 造成压力/ MPa
10	125.2	392.8	0.159 6
20	170.5	725.1	0.158 9
30	204.5	1 040.3	0.158 4
40	232.7	1 345.5	0.158 3
50	257.3	1 643.4	0.158 1
60	279.4	1 936.0	0.157 9
70	299.6	2 224.1	0.157 8
80	318.3	2 508.5	0.157 7
90	335.7	2 789.8	0.157 7

依据表 3,可绘出在注浆压力为 0.3 MPa 时, 浆液扩散半径、对管片产生的压力及单位面积的压 力等与注浆时间间的关系曲线,分别如图 8~10 所 示。



Fig.8 Relationship between diffusion radius and grouting time



图 9 对管片产生的压力与注浆时间关系曲线 Fig.9 Relationship between pressure to segments

and grouting time





由曲线图可以看出,在相同注浆压力下,浆液 扩散半径及对管片产生的压力均随注浆时间的增长 而增加。相比之下,对管片产生的压力增长更快, 其增长速度与注浆时间的增长速度近乎呈线性关 系,对管片单位面积产生的压力基本保持不变。 可见,在盾构隧道壁后注浆施工中,注浆时间 也是应该严格控制的,过长的注浆时间在增加了浆 液的扩散范围(即增加了加固范围)的同时,也大大 增加了对管片本身的荷载。

依据本文 3.2.2 中的分析,类似的结果在采用管 片注浆时也可以得到,即浆液扩散半径及对管片的 压力也随注浆压力和注浆时间的增长而增长,且对 管片的压力将比采用盾尾注浆时大。

除注浆压力与注浆时间外,浆液的扩散半径还 与土体特性(尤其是浆液扩散厚度范围内的渗透系 数)、浆液特性(浆液黏度等)、建筑间隙厚度、注 浆管半径等众多因素有关,本文不一一分析。

5 注浆压力的分布形式

依然采用本文第4节中的假设条件,并取注浆 压力为 0.3 MPa,注浆时间为 30 min,则可由式(5) 求得此时的浆液扩散半径 r=2.045 m,并可以依据 式(6)求得各浆液扩散半径处管片受到的注浆压力 大小,进而得到管片承受的注浆压力与浆液扩散半 径间的关系曲线,如图 11 所示。



图 11 管片所受注浆压力与浆液扩散半径的关系曲线 Fig.11 Relationship between pressure to segments and grouts diffusion radius

从图可以看出,盾构隧道壁后注浆施工过程 中,对管片产生的注浆压力是呈抛物线形分布的, 这与文献[3]中建议的注浆压力取三角形分布的结 论是比较一致的。

6 结 论

在满足一定假设条件下,通过对盾尾注浆和管 片注浆两种情况下的浆液渗透范围及因注浆而对管 片造成的压力的理论及实例分析,得到了以下结论:

(1)盾构隧道壁后注浆会产生对管片的压力, 该压力大小与注浆压力、注浆时间、浆液黏度、土 体渗透率、建筑间隙厚度、注浆管半径等众多因素 有关。

(2) 盾尾间隙的存在相当于增大了一定范围内 土体的孔隙率,进而大大增大了该范围内土体的渗 透率,该孔隙率会对注浆效果及施工中产生的荷载 造成重要影响。

(3) 在相同土质和注浆参数下,管片注浆对管 片产生的压力一般要大于盾尾注浆对管片产生的压 力。随注浆浆液扩散半径的增大,对管片产生的压 力也会随之增大。

(4) 在一定土质和浆液性质条件下,改变注浆 压力和注浆时间均可以改变注浆效果,调整浆液的 扩散范围和对管片产生的压力,但改变速度有所差 异。

(5)通过调整浆液本身的参数可以改变注浆效 果,如改变浆液黏度等。

参 考 文 献

- YUKINORI K, YUTAKA S, NORIYUKI O, et al. Backfill grouting model test for shield tunnel[J]. Quarterly Report of PTRI, 1998, 39(1): 35-39.
- [2] EZZELDINE O Y. Estimation of the surface displacement field due to construction of Cairl metro line R1 Khalafawy-St. Therese[J]. Tunnelling and Underground Space Technology, 1999,14(3): 267-279.
- [3] Working Group 2, International Tunnelling Association. Guidelines for the design of shield tunnel lining[J].
 Tunnelling and Underground Space Technology, 2000, 15(3): 303-331.
- [4] 张云, 殷宗泽, 徐永福. 盾构法隧道引起的地表变形分析[J]. 岩石力学与工程学报, 2002, 21(3): 388-392.
 ZHANG Yun, YIN Zong-ze, XU Yong-fu. Analysis of three-dimensional ground surface deformations due to shield tunnel[J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering, 2002, 21(3): 388-392.
- [5] 黄宏伟, 刘遹剑, 谢雄耀. 盾构隧道壁后注浆效果的雷 达探测研究[J]. 岩土力学, 2003, 14(增刊): 353-356. HUANG Hong-wei, LIU Yu-jian, XIE Xiong-yao. Application of GPR to grouting distribution behind segment in shield tunnel[J]. Rock and Soil Mechanics, 2003, 14(Supp): 353-356.
- [6] BEZUIJEN A, TALMON A M, KAALBERG F J, et al. Field measurement of grout pressures during tunnelling of the Sophia rail tunnel[J]. Soils and Foundations, 2004, 44(1): 39-48.
- [7] 邓宗伟,冷伍明,陈建平. 盾构隧道壁后注浆作用机制的计算研究[J]. 塑性工程学报, 2005, 12(6): 114-117. DENG Zong-wei, LENG Wu-ming, CHEN Jian-ping. The calculating research on the mechanism of shield tunnel back filled grouting[J]. Journal of Plasticity Engineering, 2005, 12(6): 114-117.
- [8] 梁精华. 盾构隧道壁后注浆材料配比优化及浆液变形 特性研究[硕士学位论文 D]. 南京: 河海大学, 2006.
- [9] 岩土注浆理论与工程实例协作组. 岩土注浆理论与工 程实例[M]. 北京: 科学出版社, 2001.
- [10] 朱建春, 李乐, 杜文库. 北京地铁盾构同步注浆及其材料研究[J]. 建筑机械化, 2004, (11): 26-29.
 ZHU Jian-chun, LI Le, DU Wen-ku. Synchronous grouting and material study in Beijing subway[J].
 Construction Mechanization, 2004, (11): 26-29.